

Konstruktion von Flächentragwerken

Zusammenfassung für schriftliche Prüfung

Hierbei handelt es sich um eine Zusammenfassung von oft verlangten Rechenwegen bei der schriftlichen Prüfung zu Konstruktion aus Flächentragwerken. Es ist eine Zusammenstellung von Rechenwegen aus den im BOKU learn verfügbaren ausgearbeiteten Prüfungsbeispielen (und aus Prüfungseinsichten aus den letzten zwei Prüfungen). Es sind jeweils die benötigten Formeln/Rechenwege angeführt und Anmerkungen zu Sonderfällen (bzw. Fällen), die in vergangenen Prüfungen aufgetaucht sind, angegeben.

Es ist auf jeden Fall trotzdem ratsam, einen Bewehrungsatlas aus der Bibliothek auszuborgen und mitzunehmen. Um auf Nummer sicher zu gehen, vielleicht auch Schneider's Bautabellen.

1 Materialien

1.1 Beton

C30/37:

$$f_{ck} := 30 \text{ Unit} \left(\frac{N}{mm^2} \right)$$

$$\gamma_c := 1.5$$

$$f_{cd} := \frac{f_{ck}}{\gamma_c}$$

$$\gamma_{Beton} := 25 \text{ Unit} \left(\frac{kN}{m^3} \right)$$

Achtung! Bei manchen alten Prüfungen sind mehrere verschiedene Betonklassen und somit auch mehrere verschiedene Beiwerte gegeben. Hier die Übersicht über die häufigsten (nähere Details siehe S.82 im Skriptum):

Betonfestigkeitsklasse

C20/25

C25/30

C30/37
C35/45
C40/50

f_{ck}

20

25

30

35

40

f_{cd}

13, 33

16, 66

20

23, 33

26, 66

f_{ctm}

2, 2

2, 6

2, 9

3, 2

3, 5

Ebenso kommt es vor, dass verschiedene Bauteile (e.g. Scheibe, Fundament) verschiedene Expositionsklassen haben. Das wirkt sich dann auf die erforderliche Betondeckung aus!

Erforderliche Betondeckung:

$$c_{nom} = c_{min} + \Delta c_{dev}$$

c_{min}

kommt auf Expositionsklasse an (Skriptum S. 112)

$$\Delta c_{dev} = 5 \text{ mm}$$

‘*i*

1.2 Bewehrungsstahl

BSt 550 od. 500

$$f_{yk} := 550 \text{ Unit} \left(\frac{N'}{mm^2} \right)$$

$$f_{yk} := 550 \text{ Unit} \left(\frac{N'}{mm^2} \right)$$

$$\gamma_{BSt} := 1.15$$

$$f_{yd} := \frac{f_{yk}}{\gamma_{BSt}}$$

‘*i*

$$f_{yd} := 478.2608696 \text{ Unit} \left(\frac{N'}{mm^2} \right)$$

‘*i*

$$f_{yk2} := 500 \text{ Unit} \left(\frac{'N'}{'mm'^2} \right)$$

$$f_{yk2} := 500 \text{ Unit} \left(\frac{'N'}{'mm'^2} \right)$$

$$f_{yd2} := \frac{f_{yk2}}{\gamma_{BSt}}$$

$$f_{yd2} := 434.7826087 \text{ Unit} \left(\frac{'N'}{'mm'^2} \right)$$

2 Lastaufstellung

3 Aus Stabtragwerken relevante Bauteile:

Obwohl die LV eigentlich autonom sein sollte, baut sie doch sehr stark auf Stabtragwerken auf. In vergangenen Prfungen ist es immer wieder vorgekommen, dass Bauteile zu berechnen waren, die in FTW gar nicht vorkommen - etwa ein Plattenbalken in der Prfung von Juni 2017. Auerdem kann es sein, dass Wandteile wie Sttzen (z.B. schmale Bereiche zwischen Fenstern) oder Balken (z.B. schmale Bereiche ber Fenstern, die aufgrund ihrer geringen Hhe nicht als wandartige Trger idealisiert werden knnen) berechnet werden mssen.

3.1 Balken

Dieses Bauteil ist extrem wichtig, da die Berechnungen von allen Arten von Platten (einachsig/zweiachsig gespannt und punktgesttzt) darauf basieren! Siehe entsprechende Abschnitte.

Reine Balkenberechnung wird z.B. gebraucht, wenn man eine Scheibe mit groten fnungen (Fenstern/Tren) hat. In diesem Fall, muss man die Scheibe aufteilen und die einzelnen Teile separat berechnen. In dem unten dargestellten Fall z.B. die schmalen Teile zwischen den Fenstern bzw. seitlich als Sttzen, die Teile ber den Fenstern als Balken oder wandartige Trger.

Wann Berechnung als wandartiger Trger/wann als Balken? =_i kommt auf Schlankheit (l/h) an.

Bei Einfeldtrgern: l/h _i 2 =_i fr uns relevant

Zweifeldtrger: l/h _i 2.5

Durchlauftrger: l/h _i 3.0

Wichtig: Folgender Fall ist in Prfungen seit Juni 2017 dauernd aufgetaucht:

Wenn diese Scheibe zu berechnen ist, sind die Teile zwischen bzw. seitlich der Fenster als Sttzen zu berechnen, die Teile ber den Fenstern als Balken oder wandartige Trger (Unterscheidung siehe oben). Wird der Teil ber dem Fenster als Balken idealisiert, ist eine zweiseitige Einspannung anzunehmen und auch die Schnittkrfte sind dementsprechend zu berechnen (siehe Ausarbeitung Prfung vom Juni 2017). Wenn er als wandartiger Trger idealisiert wird, ist eine einseitige Einspannung (auf der Seite in der Mitte des Bauteiles) anzunehmen

(siehe Antwort von Zeman an mich bezüglich Prüfungseinsicht). Warum verstehe ich derzeit nicht =; besser als Balken berechnen.

Achtung: Es muss in jedem Fall eine Auflagerbreite angenommen werden! Z.B. für die Berechnung als Balken: $l = l_{\text{Fenster}} + l_{\text{Auflager}}$ mit $l_{\text{Auflager}} = m$ (kommt allerdings auf die Dimensionen an, im obigen Fall war die Breite der Bereiche zwischen den bzw. seitlich der Fenster ca. 1 m und die Auflagerbreite wurde trotzdem mit 1 m angenommen.

3.1.1 Ermittlung von Schnittkräften

falls bereits ein Verlauf der Schnittkräfte gegeben ist (siehe Prüfung Juni 2017), sind die größten Beträge des Feld- und des Stützmomentes heranzuziehen

bei Einfeldträgern mit Gleichlast q (für ausführlichere Formeln siehe Skript S. 396 ff.)

- beidseitig gelenkig gelagert: $V_a = V_b \wedge V_b = 1/2 ql$ $M_{\text{max}} = 1/8 ql^2$

- einseitig eingespannt (an Auflager B): $V_a = 3/8 ql$ $V_b = 5/8 ql$ $M_{\text{Feld}} = \frac{9 ql^2}{128}$

$M_{\text{Einspannung}} = M_{\text{St}} \wedge M_{\text{St}} = -1/8 ql^2$

- zweiseitig eingespannt: $V_a = V_b \wedge V_b = 1/2 ql$ $M_{\text{Feld}} = 1/24 ql^2$ $M_{\text{Einspannung}} = M_{\text{St}} \wedge M_{\text{St}} = -1/12 ql^2$

für mehrfeldige Träger, siehe Durchlaufträger-tabelle in Skriptum S. 244 ff.

Achtung: Wenn es sich um einen Balken handelt, der in einer Scheibe über einem Fenster idealisiert wurde, nicht nur die Last von der oben aufliegenden Platte berücksichtigen, sondern auch das Eigengewicht des "Balkens"

3.1.2 Biegebemessung (Skriptum S. 212 ff)

berschlägige Abschätzung der Bewehrung:

$$A_{\text{serfSt}} := \frac{M_{\text{St}}}{f_{yd} z}$$

$$A_{\text{serfF}} := \frac{M_{\text{F}}}{f_{yd} z}$$

$$z = 0.8 h_{\text{Balken}}$$

Bewerungswahl mithilfe der Tabellen S. 114 im Skriptum. Angabe als: WAHL: n_{sl} (Stabanzahl) d_{sl} (Stabdurchmesser)

Die Berechnung ist getrennt für Stütz- (bzw. Einspan-) und Feldmoment durchzuführen. Es ist allerdings der Einfachheit halber zu beachten, dass man den selben Stabdurchmesser d_{sl} für die Bewehrung verwendet, da es sonst mit der statischen Nutzhöhe kompliziert wird.

Ermittlung statische Nutzhöhe z

$$d = h_{\text{Balken}} - c_{\text{nom}} - d_{sl}/2$$

Anmerkung: In Stabtragwerken wurde auch immer noch der Durchmesser des Bgels abgezogen - hier nicht.

3.1.3.3) Überprüfung, ob die gewählten Stäbe/Durchmesser im Querschnitt Platz haben

Minimaler Stababstand: $a_{\text{min}} = \max(d_{\text{max}}, 1.4 d_{sl}, 20 \text{ mm})$

$$d - 2 c_{nom} - 2 d_{sw} - n_{sl} d_{sl} - (n_{sl} - 1) a_{min} < b_{balken}$$

Ermittlung der bezogenen Schnittgren:

$$\mu_F := \frac{M_F}{b_{Balken} d^2 f_{cd}}$$

$$\mu_{St} := \frac{M_{St}}{b_{Balken} d^2 f_{cd}}$$

Kontrolle, ob Druckbewehrung erforderlich ist

$$\mu_F \text{ bzw. } \mu_{St} \leq \mu_{sdslim}$$

$$\mu_{sdslim} = 0.252 \text{ (bis } 35/45), \text{ dann } 0.206$$

3.1.3.5) Ermittlung ω und erforderliche Bewehrung

ω ist aus den Tabellen S. 216 ff. linear zu interpolieren (je nachdem, ob Druckbewehrung erforderlich ist, oder nicht)

in weiterer Folge kann die erforderliche Bewehrung ermittelt werden:

$$A_{serf} = \frac{\omega b_{balken} d f_{cd}}{f_{yd}}$$

Fr Feld und Sttzmoment!

berprüfung Mindest- und Maximalbewehrung

$$A_{slmin} = \max \left(0.0013 db_{Balken}, 0.26 \frac{f_{ctm} db_{Balken}}{f_{yk}} \right)$$

$$A_{slmax} = 0.04 h_{Balken} b_{Balken}$$

=> Anpassen der Bewehrungswahl, falls notwendig, Angabe der vorhandenen

Bewehrung in Feld- und Sttzbereich: A_{svorhF} und $A_{svorhSt}$

3.1.3 Schubnachweis (wird mndlich gerne gefragt!), Skriptum S. 222 ff.

3.1.4 Nachweis der Zugstrebe:

$$k = \min \left(1 + \sqrt{200 \frac{mm}{d}}, 2 \right)$$

Achtung: d in mm einsetzen!

$$\nu_{min} = 0.035 k^{3/2} \sqrt{f_{ck}}$$

Achtung: f_{ck} in $\frac{N}{mm^2}$ einsetzen

$$C_{Rdc} = 0.18 \gamma_c^{-1}$$

Bewehrungsgrad der Lngsbewehrung in der Zugzone:

$$\rho_1 = \min \left(\frac{A_{svorhSt}}{b_{Balken} d}, 0.2 \right)$$

$$V_{Rdc} = C_{Rdc} k \sqrt[3]{100 \rho_1 f_{ck} b_{Balken} d}$$

Achtung: f_{ck} in $\frac{N}{mm^2}$ einsetzen

$$V_A$$

bzw. V_B bzw. V_{sd} (je nachdem, welche Situation Einfeldtrger/Mehrfeldtrger etc. vorliegt) muss kleiner sein als V_{Rdc}

Wenn $V_{sd} > V_{rdc}$ ist rechnerische Schubbewehrung erforderlich

3.1.5 Erforderliche Schubbewehrung

innerer Hebelsarm, keine Normalkraft: $z = 0.9 h_{Balken}$

kein Spannbeton: $\alpha_{cw} = 1$

wird mit 45° angenommen

$$a_{swerf} = \frac{|V_{sd}|}{z f_{yd} \cot(\Theta)}$$

3.1.6 Nachweis der Druckstrebe:

$$V_{sd} \leq V_{Rdmax}$$

$$\nu = 0.6 - 0.002400000000 f_{ck}$$

$$V_{Rdmax} = \frac{\alpha_{cw} b_{Balken} \nu z f_{cd}}{\cot(\Theta) + \tan(\Theta)}$$

$$= \frac{|V_{sd}|}{V_{Rdmax}} \leq 1 = i \text{ Nachweis OK}$$

3.1.7 Bewehrungswahl

maximaler Bgelabstand:

$$\alpha = 90^\circ$$

$$s_{wmax} = \min(0.75 b_{Balken} (1 - \cot(\alpha)), 250 \text{ mm})$$

Bgel wirken zweischnittig: $a_{swerf}/2$ 'i

WAHL: $DN_{d_{sw}} / s_{sw}$ (e.g. DN12/15cm)

Mindestschubbewehrung:

$$\rho_{wmin} = 0.15 \frac{f_{ctm}}{f_{yk}}$$

$$a_{smin} = \rho_{wmin} b_{uz} \sin(\alpha)$$

3.2 Plattenbalken

In den neueren Prfungen bisher einmal verlangt = i im Juni 2017 (Unterzge von einachsiger gespannter Platte)

Mittwirkende Plattenbreite wird nur dann angesetzt, wenn sie in der Druckzone liegt. Die Lnge des mittragenden Bereichs entspricht dem Abstand zwischen Momentennulldurchgngen

Zweiteilige Berechnung: Im Sttzbereich wird mit dem Rechteckquerschnitt gerechnet, im Feldbereich mit dem Plattenbalkenquerschnitt.

3.2.1 Geometrie und Lastaufstellung

Bercksichtigung von:

Achsenabstand Unterzge: e_a und

Lnge der Plattenbalkenspannweite: l_F

Bei Belastung ist nicht nur Last aus Platte, sondern auch Eigengewicht des Unterzuges miteinzuberechnen!

Wenn vereinfachend auf eine feldweise Belastung verzichtet wird, muss dies angegeben werden!

3.2.2 Schnittkraftermittlung (mithilfe DLT-Tabellen, falls notwendig)

3.2.3 Biegebemessung im Feldbereich (als Plattenbalken)

3.2.4 Ermittlung von mitwirkender Plattenbreite (berschlige Ermittlung nach EC2 reicht, allerdings als Vereinfachung anzumerken)

$$h_r = h_p + h_{uz}$$

$$b_1 = e_a/2 - b_{uz}/2$$

$$h_p$$

= Plattenhhe

$$h_u$$

= Hhe Unterzug

$$e_a$$

= Achsenabstand Unterzge

$$b_1$$

= b_1 wenn symmetrisch, sonst separate Berechnung

$$l_0 = 0.85 l_f$$

$$l_f$$

= Lnge der Plattenbalkenspannweite

$$b_{eff1} = \min(0.2 b + 0.1 l_0, 0.2 l_0)$$

$$b_1$$

$$b_{eff1} = \min(0.2 l_0, 0.2 b + 0.1 l_0)$$

$$b_{eff1} = b_{eff2}$$

wegen Symmetrie

$$b_{eff} = b_{eff1} + b_{eff2} + b_{UZ}$$

3.2.5 Berechnung als Balken

=> Die restliche Berechnung erfolgt analog zum Balken in 3.1 nur dass statt b , b_{eff} und statt h , h_r eingesetzt wird.

Einziges Hinzufugung: Wenn mithilfe der Tabellenwerte ω ermittelt wird, ist gleichzeitig ξ zu ermitteln. Denn: $x_{res} = \xi d_F$ muss kleiner sein, als die Plattendicke. Sonst ist die Berechnung als Plattenbalken nmlich nicht zulssig, da er nicht vollstndig in der Druckzone liegt.

Achtung: nicht vergessen Mindest- & Maximalbewehrung auszurechnen!

3.2.6 Biegebemessung Sttzbereich (als Rechtecksquerschnitt)

ganz normale Bemessung als Balken:

Verwendete Breite: $b =$

$$b_{uz}$$

Verwendete Hhe: $h=h_r$

Achtung: nicht vergessen Mindest- & Maximalbewehrung auszurechnen!

3.2.7 Schubnachweis

Hierfür darf nur der Rechteckquerschnitt verwendet werden!

=> Siehe Berechnungsvorgang in 3.1.4

'>

3.3 Sttze

Auch die Sttze ist eines der Bauteile aus den Stabtragwerken, die in den Flächentragwerken immer wieder vorkommt, da man sie für die Berechnung von Scheiben nach dem Knicknachweise mit dem Modellstzenverfahren (1 m Breite) hernehmen muss. (Für genauere Informationen bungspräsentationen anschauen => im Skriptum ist dazu leider wenig drin)

Generell gilt: $h/b \geq 4$ => Scheibe, $h/b < 4$ => Sttze

Generell haben wir es nur mit Einzelstben mit einachsiger Knickgefahr zu tun => Berechnung ab Skriptum S. 164

3.3.1 Ermittlung der Belastung

Es wird auf eine Punktlast reduziert: die Last, die direkt auf den Abschnitt wirkt und (wenn es um einen Teil geht, der als Sttze idealisiert wird, wie in der Skizze unter punkt 3.1) eventuelle idealisierte Auflagerkräfte, die hier wirken (Balken über Fenster).

Gesamtpunktlast: N_{sd}

3.3.2 Bestimmung der Ersatzstablänge l_0 mithilfe der Eulerlänge (siehe Skriptum S.158 für Skizzen)

'>

l_{col}

= eigentliche Sttzenlänge

= Eulerbeiwert

$l_0 = l_{col} \beta$

Anmerkung: für Bereich zwischen Fenstern bei Scheiben wurde $\beta = 1$ in Ausarbeitung gewählt

3.3.3 Bestimmung der vorhandenen Schlankheit

Eckige Sttzen:

$$i = \frac{h}{\sqrt{12}}$$

=> ACHTUNG! Auf die Achse achten! h immer senkrecht auf die Knickachse bestimmen!

Runde Sttzen: $i = d/4$

$$\lambda_{vorh} = \frac{l}{i}$$

3.3.4 Bestimmung der Grenزشlankheit

$$\nu_u = \frac{N_{sd}}{f_{cd} A_c}$$

$$\lambda_{crit} = \max\left(25, 15 (\sqrt{\nu_u})^{-1}\right)$$

wenn $\lambda_{vorh} < \lambda_{crit}$ = nicht schlank

wenn $\lambda_{vorh} \geq \lambda_{crit}$ = schlanke Sttze

'

3.3.5 Bemessung einer nicht schlanken Sttze

Ermittlung des Bemessungsmomentes:

$$e = \max(h/30, 20 \text{ mm})$$

e = Ausmitte

h = Sttzendurchmesser bzw. Dicke der Wand/ Hhe der Sttze

Weitere Berechnung mit:

$$M_{sd} = N_{sd} e$$

N_{sd}

3.3.6 Bemessung einer schlanken Sttze

Berechnung Auerplanmige Ausmitte e_a

$$\alpha_a = \max\left(\frac{1}{100 \sqrt{l_{col}}}, \frac{1}{400}\right)$$

fr Eulerfall 2-4

$$\alpha_a = \max\left(\frac{1}{100 \sqrt{l_{col}}}, \frac{1}{400}\right)$$

fr Eulerfall 1, 5 und 6

$$e_a = 1/2 \alpha_a l_0$$

Berechnung Ausmitte nach Theorie 1. Ordnung e_0

$$e_o = \frac{M_{sd}}{N_{sd}}$$

fr uns eigentlich nicht relevant, da wir nie Momente bei der Berechnung

haben

Berechnung Ausmitte nach Theorie 2. Ordnung e_2

fr $k_1 = 1$

fr $k_1 = \lambda/10 - 2.5$

$$\varepsilon = \frac{f_{yd}}{E_s}$$

$$(E_s = 200\,000 \frac{N}{mm^2})$$

$$r^{-1} = 2.222222222 \frac{\varepsilon_{yd}}{d}$$

(d = stat. Nutzhhe)

$$e_2 = 1/10 \frac{k_1 l_0^2}{r}$$

Berechnung Ausmitte durch Kriechen e_{cr}
kann eigentlich immer vernachlässigt werden = \checkmark Notieren!

Gesamtausmitte:

$$e_{tot} = e_a + e_0 + e_2$$

Die Bemessung der Sttze erfolgt mit:

$$N_{sd}$$

und

$$M_{sd} = N_{sd} e_{tot}$$

3.3.7 Abschätzung von statischer Nutzhe

Abschätzung des Bgeldurchmessers d_{sw}

Abschätzung der Lngsbewehrung d_{sl}

$$d = h - c_{nom} - d_{sw} - d_{sl}/2$$

h = Stzendurchmesser (rund), H he (eckig), Wanddurchmesser (Modellsttzenverfahren)

$$d_1 = h - d$$

\checkmark

\checkmark

3.3.8 Tragfähigkeitsnachweis

Auswahl des Diagrammes: $\frac{d_1}{d} = \checkmark$ im Skriptum ab S. 173

$$\mu_{sd} = \frac{|M|}{bh^2 f_{cd}}$$

$$\nu_{sd} = \frac{N_{sd}}{bh f_{cd}}$$

Mit diesen beiden Eingangswerten in Tabelle = $\checkmark \omega_{tot}$ auslesen!

3.3.4.4) Ermittlung der erforderlichen Bewehrung:

$$A_{stot} = A_{s1} + A_{s2} \wedge A_{s1} + A_{s2} = \frac{\omega_{tot} bh f_{cd}}{f_{yd}}$$

3.3.9 Mindest- & Maximalbewehrung

Mindestbewehrung:

$$A_{smin} = \max \left(0.13 \frac{N_{sd}}{f_{yd}}, 0.0026 A_c \right)$$

(A_c = Querschnittsfläche)

Maximalbewehrung:

$$A_{smax} = 0.04 A_c$$

3.3.10 Bewehrungswahl treffen und konstruktive Vorgaben

gewhlter Durchmesser d_{s1} und Anzahl der Stben $n_{sl} = \checkmark A_{svorh}$

gewhlter Bgeldurchmesser: d_{sw}

Abstände der Querbewehrung: $\max_{sw} = \min(12 d_{sl}, b, h, 25 \text{ cm})$

Reduzierte Abstände der Querbewehrung: $red_{sw} = 0.6 \max_{sw}$ zu wählen un-
mittelbar ober und unter Balken oder Platten ober eine Länge von $\max(h, b)$

Breitenkontrolle:

$$a_{min} = \max(20 \text{ mm}, 1.4 d_{sl}, d_{max})$$

$$b_{erf} = 4 c_{nom} d_{sw} n_{sl} d_{sl} + (n_{sl} - 1) a_{min}$$

b_{erf}

! $b = b_{erf}$ OK

4 Berechnung punktgestützte Platte

4.1 Ermittlung Schnittgrenzen

Achtung: Wenn in x- und y-Richtung unterschiedlich viele Stützenreihen sind bzw. die Geometrie anders ist, sind getrennte Berechnungen durchzuführen. D.h. man hat im schlimmsten Fall jeweils in x- und y-Richtung jeweils Gurt- und Randstreifen für jeweils Feld- und Stützmoment. Oida!

Voraussetzung für die Verwendung des Nherungsverfahrens Modellrahmen

- Gleichlast
- $1,33 \leq l_x/l_y \leq 0,75$
- rechteckiger Stützenraster

4.1.1 Mithilfe von Durchlauftrgertabellen

Standardfall! bungsskriptum S. 244

Achtung: Berücksichtigung von feldweise günstigem/ungünstigem Ansetzen von veränderlichen Lasten, falls in der Angabe so gewünscht (einfache Addition)

Achtung: Es wird mit der Einheit kN/m^2 gerechnet! Das heißt, dass die output-Einheiten auch entsprechend anzupassen sind: Momente z.B. nicht in kNm sondern in kNm/m

! l

4.1.2 Oaschkompliziert - falls mehr Felder als in DLT-Tabelle bzw. rund

Fall bei Prüfungen November 2017 und März 2018: Runde Stb-Platte, viele Stützen (unterschiedlich viele in jeder Reihe weil rund) und an der breitesten Stelle mehr Felder als in DLT-Tabellen gegeben

Ermittlung von maximalen Moment: Annehmen von beidseitiger Einspannung!

$$M_F := 1/24 q_{ges} l^2$$

$$M_{St} := 1/12 q_{ges} l^2$$

(S.396ff. Skript l berücksichtigen, damit für verschiedene Lagerungsflle nicht extra gerechnet werden muss)

Ermittlung von Auflagerkräften für Durchstanznachweis: Einflussflächen der Stützen sind mit zu berücksichtigen! (Einheiten immer noch pro m bzw. m²) = i mindestens l_x/l_y , am besten noch mit Faktor aus DLT-Tabelle erhöht (e.g. 1.132)

4.1.3 Noch komplizierter - falls berühren mit zu berücksichtigen sind

Bei Fall mit einem zentralen Feld und zwei Berührungen:

Folgende Berechnung:

$$M_{St} := 1/2 q u e^2$$

$$M_F := 1/2 q l^2 \left(1/4 - \frac{ue^2}{l^2} \right)$$

' i

4.1.4 Ermittlung von Schnittgrößen für Stützen (Durchstanznachweis)

Achtung: Einheiten in kN!

$$\text{Innenstütze: } V_{sdS1} = 1.5625 l_x l_y q_{sd}$$

Randstütze: $V_{sdS2} = 1.25 l_x (0.375 l_y + ue) q_{sd}$ (Es wird angenommen, dass in y-Richtung ein einberstand vorhanden ist = i sonst das einfach ignorieren!)

$$\text{Eckstütze: } V_{sdS3} = (ue + 0.375 l_x) (0.375 l_y + ue)$$

Diese Faktoren (1.25 und 0.375) stammen aus den DLT-Tabellen und sind für einen Zweifeldträger angelegt. Wenn der Stützenraster mehr Felder hat, sind die Faktoren anzupassen!

4.2 Aufteilung von Momenten auf Streifen

Breite Gurtstreifen: 0.25*1

Breite Feldstreifen: 0.5*1

Für Stützmente:

Gurtstreifen: 1.4

Feldstreifen: 0.6

$$M_{StG} := 1.4 M_{St}$$

$$M_{StF} := 0.6 M_{St}$$

Für Feldmomente:

Gurtstreifen: 1.2

Feldstreifen: 0.8

$$M_{FG} := 1.2 M_F$$

$$M_{FF} := 0.8 M_F$$

4.3 Biegebemessung wie für Biegebalken, ab S. 212 im Skript

4.3.1 berschlägige Bewehrungsabschätzung

$$A_{serfSt} := \frac{M_{StG}}{f_{yd} z}$$

$$A_{serf} := \frac{M_{FG}}{f_{yd} z}$$

$$z = 0.8 h_{Pl}$$

'i

Vorläufige Bewehrungswahl: mit Stben (s. 114 im Skriptum) für Errechnung von Statischer Nutzhe =i bestimmen von d_{sl} (z.B. 12mm) =i am besten für Feld- und Sttzmoment dieselben Durchmesser hernehmen, da es sonst mit den statischen Nutzhen verdammt kompliziert wird!

4.3.2 Ermittlung statische Nutzhe

Achtung: Unterschied zwischen x- und y-Richtung! Die grere statische Nutzhe sollte in der Richtung liegen, in der das maximale Moment ist!

$$d_x := h_{Pl} - d_{sl}/2 - c_{nom}$$

$$d_y := d_x - d_{sl}$$

Achtung: Unterschied zu Stabtragwerken! Hier wird die zweite Bewehrungslage miteinbezogen, dafür aber keine Bgel miteinberechnet!

Wenn man sich das Berechnen in beide Richtungen ersparen will, nimmt man für alle weiteren Berechnungen d_y als d_x her =i ist ungünstiger und daher zulässig

'i

4.3.3 Ermittlung von μ und berprfung, ob Druckbewehrung notwendig ist

$$\mu := \frac{M}{b d_y^2 f_{cd}}$$

$b = 1$ (wir nehmen eine Breite von 1 an)

Verwendung von d_x bzw. d_y je nachdem in welche Richtung ich gerade rechne!

berprfung ob: $\mu < \mu_{Sdslim}$ um zu bestimmen, ob Druckbewehrung notwendig ist

μ_{Sdslim}

bis C35/45 0,252, darüber dann 0,206 (laut Skript S. 212) =i normalerweise keine Druckbewehrung notwendig

4.3.4 Ermittlung von ω mithilfe von Tabellen und a_{serf}

Dann mit μ Werten weiter in die Tabelle S. 216 gehen und ω ermitteln =i

$$a_{serf} := \frac{\omega d f_{cd}}{f_{yd}}$$

Achtung: d wiederum je nach Richtung!

'i

4.3.5 Ermittlung Mindest- und Maximalbewehrung

berprfung Mindestbewehrung: $a_{slmin} := \max\left(0.0013 d_x, 0.26 \frac{f_{ctm} d_x}{f_{yk}}\right)$

Achtung: hier wird d_x verwendet, da es den größeren Wert gibt!

berprüfung Maximalbewehrung:

$$a_{slmax} := 0.04 h_p$$

Maximalbewehrung wird normalerweise nie tragend, Mindestbewehrung schon!
Oft ist es so, dass nur das Sttzmoment im Gurtstreifen über die Mindestbewehrung hinaus geht.

A wird klein geschrieben und in $\frac{cm^2}{m}$ angegeben. (In Stabtragwerken immer

A)

‘i

4.3.6 Wahl von Matten und Zeichnen von Bewehrungsplänen

Mit diesem Wert können dann Matten gewählt werden. Normalerweise ist die meiste Bewehrung für den Bereich mit dem Sttzmoment notwendig. Das Feldmoment wird in der unteren Bewehrungslage bewehrt, das Sttzmoment in der oberen. Es kann auch Sinn machen, einfach gleichmäßig Matten einzulegen und dann Zulagen aus Stben im Bereich des Sttzmomentes hinzuzufügen. (Beispiele siehe Anhang!)

4.4 Durchstanznachweis

4.4.1 Material und Umwelt

ACHTUNG: bei manchen Prüfungen (e.g. Juni 2017) haben die Bauteile unterschiedliche Betontypen/Expositionsklasse = i Mindestbetondeckung ändert sich dementsprechend!

‘i

4.4.2 Geometrie und Lastaufstellung

Belastung aus Platte und (wenn es um Durchstanzen in der Bodenplatte geht) aus der Sttze miteinzubeziehen

Querkräfte auf Sttzen 1, 2, und 3 zu ermitteln

$$V_{S1}, V_{S2}, V_{S3}$$

‘i

4.4.3 Ermittlung der mittleren statischen Höhe der Platte

Manchmal ist in Angabe bereits d_{s1} gegeben, sonst Annahme

$$d_x$$

$$= h_P - c_{nom} - d_{sl}/2$$

$$d_y = d_x - d_{sl}$$

$$d = d_x/2 + d_y/2$$

‘i

4.4.4 Ermittlung der Sttzenkrfte fr den Durchstanznachweis

ACHTUNG! Die Faktoren sind nach der Lage der Sttze eingeteilt. ABER wenn eine Sttze zwar am Rand des Sttzenrasters liegt, aber ein relativ groer berstand vorhanden ist, kann es sein, dass man trotzdem die Faktoren fr die Innensttze verwenden muss (Prfung 140228!)

Das ist der Fall, wenn der Radius des kritischen Rundschnittes (fr runde Sttzen: $r_{us} = c_x/2 + 2d$) kleiner ist, als der berstand !

berprfung, ob -Werte verwendet werden mssen:

Faktoren je nach Lage der Sttze:

Faktor fr Innensttze: $\beta_1 = 1.15$

Kritischer Rundschnitt:

Runde Sttze: $u_{S1} = (c_x + 4d) \pi$

Eckige Sttze: $u_{S1} = 4d\pi + 2c_x + 2c_y$

$$\nu_{sdS1} = \frac{\beta_1 V_{sdS1}}{u_{S1} d}$$

Faktor fr Randsttze: $\beta_1 = 1.4$

Kritischer Rundschnitt (steht fr berstand, falls vorhanden)

Eckige Sttze: $u_{S2} = 2d\pi + 2c_x + c_y + 2ue$

Runde Sttze: $u_{S2} = 2ue + 1/2 (c_x + 4d) \pi$

$$\nu_{sdS2} = \frac{\beta_2 V_{sdS2}}{u_{S2} d}$$

Faktor fr Ecksttze: $\beta_3 = 1.5$

Kritischer Rundschnitt (steht fr berstand, falls vorhanden)

Eckige Sttze: $u_{S3} = d\pi + c_x + c_y + 2ue$

Runde Sttze: $u_{S3} = 2ue + 1/4 (c_x + 4d) \pi$

$$\nu_{sdS3} = \frac{\beta_3 V_{sdS3}}{u_{S3} d}$$

4.4.5 Nachweis ohne Durchstanzbewehrung

$$C_{Rdc} = 0.1200000000$$

$$C_{Rdc} = 0.1200000000$$

$$k = \min \left(1 + \sqrt{200 \frac{mm}{d}} \right)$$

d in mm eingeben!

mittlerer Bewehrungsgrad auf einer Breite $b_x = c_x + 6d$, $b_y = c_y + 6d$

a_{svorh}

(schauen, welche Matten verwendet werden, Angaben in m)

Wenn in X und Y Richtung die gleiche Bewehrung vorliegt (e.g. AQS Matte)

ist ein Mitteln nicht notwendig.

$$\rho_1 = \frac{a_{svorh}}{b_x d}$$

Wenn in X und Y Richtung nicht die gleiche Bewehrung vorliegt:

$$\rho_{lx} = \frac{A_{sx}}{b_y d_x}$$

$$\text{und } \rho_{ly} = \frac{A_{sy}}{b_x d_y}$$

$$\rho_1 = \sqrt{\rho_{lx} \rho_{ly}}$$

”Anmerkung: Fr dieses Beispiel und speziell fr die Berechnung von VRdc wurde vereinfacht angenommen, dass in den Gurtstreifen ber den Sttzen S2 und S3 dieselbe Sttzlnsbewehrung liegt wie ber S1, wo diese berechnet wurde. Ansonsten muss bei der Berechnung von vRdc die dort effektiv vorhandene obere Bewehrung angesetzt werden.”

$$v_{min} = 0.035 k^{3/2} \sqrt{f_{ck}}$$

$$V_{Rdc} = C_{Rdc} k \sqrt[3]{100 \sqrt[3]{\rho_1 f_{ck}}}$$

Wenn $V_{Sd1}, V_{Sd2}, V_{Sd3} < V_{Rdc}$, kein weiterer Nachweis notwendig. Sonst weitere Berechnung (normalerweise fr die Innensttze notwendig), ab hier weisen β und u_{sd} auf die Faktoren bzw. den kritischen Rundschnitt der jeweiligen Sttze hin (fr die der Nachweis gerade gefhrt wird).

4.4.6 Nachweis der Betontragfihigkeit

An der Sttze ist der Durchstanzwiderstand begrenzt nach:

Innensttze: $u_0 = 2 \pi r$ fr runde Sttze $u_0 = 2 c_x + 2 c_y$ fr eckige Sttze

Randsttze: $u_0 = c_2 + 3 d \wedge c_2 + 3 d \leq c_2 + 2 c_1$

Ecksttze: $u_0 = 3 d \wedge 3 d \leq c_1 + c_2$

Frage: Was ist mit runder Sttze? =i Professor schreiben

$$v_{Ed} = \frac{\beta V_{Ed}}{u_0 d} \Rightarrow \text{neue Berechnung des Eingangswertes, mit anderem kritischen Rundschnitt}$$

$$v = 0.6 - 0.002400000000 f_{ck}$$

$$v_{Rdmax} = 0.5 v f_{cd}$$

$$v_{Ed} < v_{Rdmax}$$

Im Kritischen Rundschnitt ist der Durchstanzwiderstand begrenzt durch:

$$v_{Ed} = \frac{\beta V_{ED}}{u_{sd} d}$$

(hier wird wieder das ganz normale Vsd hergenommen!)

$$v_{Ed} < 1.65 V_{Rdc}$$

Muss beides erflft sein!

4.4.7 Bestimmung der erforderlichen Bewehrung

$$f_{ydef} = \min(250 + 0.25 d, f_{yd})$$

d ist in mm einzusetzen

Senkrechte Bewehrungsbjel: $\alpha = 90$

gewhlter Abstand der Bjelreihen: $s_r = 20 \text{ cm} \vee 0.75 d$

$$A_{sw} = 0.6666666667 \frac{(v_{sd} - 0.75 v_{Rdc}) s_r u_{sd}}{f_{ydef} \sin(\alpha)}$$

A_{sw} ist die Durchstanzbewehrung fr einen Ring von Bgelschenkeln im Rundschnitt

4.4.8 Konstruktive Bewehrungsanordnung:

Rundschnitt, fr den die Durchstanzbewehrung nicht mehr notwendig ist:

$$u_{out} = \frac{\beta V_{sd}}{v_{Rdc} d}$$

runder Querschnitt:

$$r_{outef} = 1/2 \frac{-\pi c_x + u_{out}}{\pi}$$

$$\text{eckiger Querschnitt: } r_{outef} = 1/2 \frac{u_{out} - 2 c_x - 2 c_y}{\pi}$$

$$r_{outBew} = r_{outef} - 1.5 d$$

Abstand der ersten Bgelreihe vom Sttzenrand:

Maximaler tangentialer Abstand der Stbe im kritischen Rundschnitt:

$$s_{tmax} = 1.5 d$$

Anzahl der Reihen an Bewehrung:

$$n_{tmin} = \frac{u_{sd}}{s_{tmax}}$$

=i Wahl von n_t

$$=i \text{ Bestimmung von } s_{tvorh} = \frac{u_{sd}}{n_{tgew}}$$

=i r_{ingew}, s_{rgew}

$$=i n_{erf} = \frac{r_{out} - r_{in}}{s_r} + 1$$

$$n_{erf} = \text{Anzahl der Reihen an Bewehrung}$$

Kontrolle:

$$r_{outBewvorh} = r_{ingew} + (n_r - 1) s_r$$

4.4.9 Bestimmung der Mindestdurchstanzbewehrung:

$$\rho_{wmin} = 0.8 \frac{\sqrt{f_{ck}}}{f_{yk}}$$

$$A_{swmin} = \frac{\rho_{wmin} s_r s_t}{1.5 \sin(\alpha) + \cos(\alpha)}$$

'i

4.4.10 Skizzen

Aus Prfung 150226:

Aus dem Bewehrungsatlas: Nicht vergessen, die Sttzenbewehrung auch anzudeuten!

Aus Bewehrungsatlas (S. 108)

5 Berechnung zweiachsig gespannte Platte

5.1 Schnittkraftermittlung

Mithilfe von Czerny-Tafeln

ACHTUNG: Es gilt die Breite der FELDER

ACHTUNG: lyist immer als die lngere Seite definiert!

Verwendung von Tafeln fr aufliegende Platten mit 3 oder 4 drehbaren Rndern

Als Vereinfachung notieren: "Eigengewicht wird vereinfachend auf alle Flchen mit gleichem Teilsicherheitsbeiwert angesetzt"

Achtung: bei l_y/l_x sind größere Werte ungünstiger \Rightarrow bei Vereinfachung daher immer Wahl des nächsthöheren Wertes

Bei mehreren Feldern möglich: Ausrundung des Stützmomentes: Bemessungswert darf um M_{sd} reduziert werden \Rightarrow ob monolithisch oder frei drehbar gelagert, kann aus der Skizze abgelesen werden!

5.1.1 Ein Feld:

nur positive Feldmomente, kein Stützmoment

Verwendung von: $m_{y_{max}}$, $m_{x_{min}}$ für Momente und $q_{y_{erm}}$, $q_{x_{erm}}$ für Auflagerkräfte (Schubnachweis wird mit der größeren Kraft berechnet)

Weil es kein Stützmoment gibt, erfolgt die Bewehrung nur an der Plattenunterseite

”Die Decke ist einfeldrig, daher nur positive Feldmomente. Konstruktiv werden an der Oberseite am Rand Bewehrungsstäbe für die ungewollte Einspannung vorgesehen. Für die Berechnung wird die Platte als vierseitig gelenkig gelagert betrachtet”

”Da es sich bei dieser Dachplatte um eine einfeldrige Platte handelt, ist kein rechnerischer Nachweis für die Stützbewehrung erforderlich \Rightarrow Konstruktive Bewehrung zur Abdeckung der Drillmomente an der Plattenoberseite”

5.1.2 Zwei Felder:

Aufteilung in:

symmetrischen Lastanteil

$$\frac{d}{dx}q(x) = g_d + q_d/2$$

antisymmetrischen Lastanteil $\frac{d^2}{dx^2}q(x) = q_d/2$

Wahl der Lagerungsart:

für maximales Feldmoment:

symmetrisch: Einspannung wo ein anderes Plattenfeld anschliesst

antisymmetrisch: alles frei drehbar

für minimales Stützmoment:

symmetrisch: Einspannung wo ein anderes Plattenfeld anschliesst

antisymmetrisch: Einspannung nur wo das Stützmoment berechnet wird

Stützmoment: V2 (in Tabelle wird $m_{y_{erm}}$ und $q_{y_{erm}}$ verwendet!)

Feldmoment: symmetrisch: V2, antisymmetrisch: V1 \Rightarrow Achtung, hier hat man einen Unterschied zwischen x und y Richtung!

Man errechnet sich also bei symmetrisch:

LV2 \Rightarrow S.260!

$m_{y_{feldsym}}$

mit $m_{y_{max}}$ in Tabelle

$m_{x_{feldsym}}$

mit $m_{x_{min}}$ in Tabelle

Und bei antisymmetrisch:

LV1 \Rightarrow S.258!

$m_{yfeldanti}$
mit m_{ymax} in Tabelle

$m_{xfeldanti}$
mit m_{xm} in Tabelle

Dann Ermittlung durch Addition:

$$m_{yfeld} = m_{yfeldsym} + m_{yfeldanti}$$

$$m_{xfeld} = m_{xfeldsym} + m_{xfeldanti}$$

‘ $\dot{}$

5.1.3 Mehr als zwei Felder:

Berechnung des Sttzmomentes

1) fr symmetrischen UND antimetrischen Lastanteil LFV2

2) fr symmetrischen Lastanteil V3 und fr antimetrischen Lastanteil V2

dann Mittelung: $m_{xerm} = 1/2 \left(\frac{q_s}{k_{1s}} + \frac{q_a}{k_{1a}} \right) l_x^2 - 1/2 \left(\frac{q_s}{k_{2s}} + \frac{q_a}{k_{2a}} \right) l_x^2$ (k sind

Faktoren aus den Czerny-Tafeln)

fr Querkrfte: getrennte Betrachtung auf beiden Seiten, kleinere fr Ausrundung verwendet

$$q_{xerm1} = - \left(\frac{q_s}{k_{xerm1s}} + \frac{q_a}{k_{xerm1a}} \right) l_x$$

$$q_{xerm2} = \left(\frac{q_s}{k_{xerm2s}} + \frac{q_a}{k_{xerm2a}} \right) l_x$$

ab dann Biegebemessung wie fr punktgesttzte Platte!

Achtung: Getrennte Berechnung fr x- und y-Richtung, auch wenn die Felder symmetrisch sind.

Fr Querkraftnachweis: qerm

‘ $\dot{}$

‘ $\dot{}$

5.2 Biegebemessung

Biegebemessung wie fr Biegebalken, ab S. 212 im Skript

Achtung: Bemessung erfolgt fr Sttzmoment und fr Feldmoment in x- und y-Richtung getrennt. Aufpassen, dass man mit der richtigen statischen Nutzhhe rechnet!

Achtung: Am besten schauen, dass man fr die Bewehrung von Feldmoment UND Sttzmoment dieselben Durchmesser verwendet, da man sonst mit noch mehr statischen Nutzhhen rechnen muss!

$$d_x := h_{Pl} - d_{sl}/2 - c_{nom}$$

— fr Berechnung von Feldmoment in X-Richtung

$$d_y := d_x - d_{sl}$$

— fr Berechnung von Sttzmoment und fr Feldmoment in Y-Richtung

Als Anmerkung dazunotieren: ”Annahme: uere Lage liegt in Y-Richtung”

Achtung: Außerdem dazunotieren: "Aufgrund der Querdehnzahl müssen in Querrichtung 20% der Bewehrung eingelegt werden!" d.h.

$$A_{\text{serf}x\text{stuetz}} = 0.2 A_{\text{serf}y\text{stuetz}}$$

= ζ ist bei Matten aber generell mit abgedeckt!

Nicht vergessen, minimal- und Maximalbewehrung zu errechnen!

5.3 Schubnachweis

$$C_{Rdc} = 0.1200000000$$

$$C_{Rdc} = 0.1200000000$$

$$k = \min \left(1 + \sqrt{200 \frac{mm}{d_y}} \right)$$

d in mm eingeben!

$$\rho_1 = \frac{A_{\text{svorhstuetz}}}{d_y}$$

$$v_{\text{min}} = 0.035 k^{3/2} \sqrt{f_{ck}}$$

$$V_{Rdc} = C_{Rdc} k \sqrt[3]{100 \sqrt[3]{\rho_1 f_{ck}}}$$

6 Berechnung einachsig gespannte Platte

7 Berechnung Scheibe

Die Berechnung von Scheiben ist eines der Hauptthemen in Konstruktion von Flächentragwerken. Es gibt mehrere Möglichkeiten, dies zu bewerkstelligen.

Unterschied zwischen Scheibe/Wandartiger Träger:

Interessanterweise sind in vielen alten Prüfungsausarbeitungen Scheiben als wandartige Träger berechnet, OBWOHL sie eigentlich laut Skizze eine kontierliche Lagerung haben sollten. Wenigstens meiner Meinung nach.

7.1 Berechnung als Scheibe nach dem Modellstützenverfahren:

' ζ

7.2 Berechnung als Wandartiger Träger

Lt. Skriptum S. 287

Geometrie:

l

= Breite der Scheibe

l_{auflager}

= Auflagerbreite

$$l_{\text{eff}} = l - l_{\text{auflager}}$$

h_s

= Hhe Scheibe

d_s

= Dicke Scheibe

7.2.1 Ermittlung der Zug- und Druckkräfte, die an den Auflagern wirken

Linienlasten über die gesamte Oberseite der Scheibe:

7.2.2

$$M = 1/8 q l_{eff}^2$$

$$z = \min(0.6l, 0.75h)$$

für Einfeldträger

$$z = \min(0.4l, 0.75h)$$

für Durchlaufträger im Feld und über der Stütze

$$Z_d = \frac{M}{z}$$

⚠

ACHTUNG: Wenn das Eigengewicht der Scheibe am oberen Rand als Linienlast angesetzt wird, nicht vergessen es mit $\gamma_g = 1,35$ zu multiplizieren!

$$F_{da} = 1/2 q l$$

7.2.3 Linienlasten über einen Teil der Oberseite der Scheibe

(e.g. Prüfung vom 26.02.2015 ⚠ nur die Hälfte der Oberseite wird durch eine aufliegende Terrassendecke beeinflusst.)

Es wird auf eine Punktlast reduziert (Als Vereinfachung notieren!) und dann nach dem unten beschriebenen System errechnet.

Für die Aufteilung der Auflagerkräfte kommt es darauf an, an welcher Stelle die Punktlast dann liegt!

7.2.4 Punktlasten

e.g. aus einer Stütze einer darüber liegenden Punktgestützten Platte

Wenn Stützen (z.B. Eckstützen) am Rand der Scheibe liegen, können sie für die Berechnung der Zugstrebe ignoriert werden, sind aber immer noch für die Auflagerkräfte relevant!

$$u = \min(0.1 h_s, 0.1 l_{eff})$$

$$\Delta h_a = h_s - u$$

(Es wird angenommen, dass das Kraftdreieck bei $u/2$ unter dem oberen Rand anfängt, und die Zugstrebe bei $u/2$ über dem unteren Rand liegt)

$$\Delta l_a = l_{eff}/2$$

$$\alpha_a = \arctan\left(\frac{\Delta h_a}{\Delta l_a}\right)$$

Rundschnitt am Lasteinleitungspunkt:

$$D_{da} = 1/2 \frac{V_{ed}}{\sin(\alpha_a)}$$

Rundschnitt am unteren Knoten und Summe der horizontalen Kräfte=0

$$Z_{da} = D_{da} \cos(\alpha_a)$$

$$Z_{da} = D_{da} \cos(\alpha_a)$$

‘ i

Bei Mittiger Punktlast:

$$F_{da} = V_{ed}/2$$

ACHTUNG: Wenn die Punktlast nicht an der oberkante der Scheibe ansetzt, sondern wie z.B. bei einer Konsole weiter unten, wird fr die Berechnung von u trotzdem die Hhe der gesamten Scheibe herangezogen!

‘ i

‘ i

7.2.5 Ermittlung erforderliche Bewehrung

7.2.6 Zugstrebe

Aufsummierung aller Zugkrfte Z (Fachwerkmodelle sind superponierbar)

$$A_{serf} = \frac{Z_d}{f_{yd}}$$

Stababstand:

$$a_1 = u/4$$

Zur Aufnahme der Umlenkkrfte der Druckstrebe mssen zustzlich 25 % der Zugbewehrung horizontal ber der Hauptzugbewehrung zwischen 0,1 und 0,3 h verteilt werden:

$$A_{s2erf} = 0.25 A_{serf}$$

$$a_{s2erf} = 1/4 \frac{A_{s2erf}}{u}$$

$$a_{smin} = 0.001 d_s$$

‘ i

7.2.7 Druckspannung am Auflagerpunkt

$$A_{lager} = l_{auflager} d_s$$

Aufsummierung der Auflgerkrfte F_{da} ‘ i

$$\sigma_{cda} = \frac{F_{da}}{A_{lager}}$$

$$v = 1 - \frac{f_{ck}}{250}$$

Nachweis D-Z-D-Knoten vereinfacht (nur fr die vertikale Auflagerkraft):

$$\frac{\sigma_{cda}}{f_{cd} \cdot v} \leq 0.85$$

7.2.8 Konstruktive Anforderungen

lotrechte Bewehrung ist innen anzuordnen (wegen Lastverteilung, Schwinden, Temperaturschwankungen, Ausknicken)

Mindesbewehrung ist je zur Hilfe auf die beiden Seiten aufzuteilen

Eine auenliegende Hauptbewehrung ist durch Querbewehrung mit mindestens 4 Bgeln jem^2 Wandflche zu verbinden

Lotrechte Mindestbewehrung:

$$a_c = d_{\text{scheibe}} m$$
$$a_{svmin} = \max \left(0.15 \frac{|n_{ed}|}{f_{yd}}, 0.0015 a_c \right)$$
$$a_{svmin} = \max \left(0.15 \frac{|n_{ed}|}{f_{yd}}, 0.003 a_c \right)$$

wenn $\frac{|n_{ed}|}{a_c} \geq 0.3 \cdot \frac{|f_{cd}|}{f_{cd}}$

Lotrechte Maximalbewehrung:

$$0.02 a_c \leq a_{smax}$$

bei Wnden ohne Verbgelung

$$0.04 a_c \leq a_{smax}$$

bei Wnden mit Verbgelung wie bei Sttzen

Horizontale Mindestbewehrung:

$$a_{shmin} = \max(0.2 a_{sv})$$

wenn $0.3 f_{cd} \leq \frac{|n_{ed}|}{a_c}$ dann $0.5 a_{sv} \leq a_{shmin}$

Derzeit bin ich mir bei der Definition von asv und ac nicht ganz sicher!

8 Berechnung Konsole

9 Checkliste fr Bewehrungsplne

Bewehrungsplne in der Prfung mssen enthalten:

c_{nom}

muss eingezeichnet sein

die errechnete Bewehrung (aufpassen auf: Abstufung, richtiges Einzeichnen

obere/untere Bewehrungslage)

konstruktive Bewehrung (z.B. Eckbewehrung)

Stahlliste

Schnittanleitung fr Matten

Angaben zu: Beton und Bewehrungsstahl, c_{nom} , Expositionsklasse, Nutzungsdauer, d_{max}

9.1 Vorlage fr Platten:

‘i

10 Sonderfall Kreuzlagenholzplatte als einachsig gespannte Deckenplatte

(e.g. Prfung 160608)

Ich habe hier zwar die Durchrechnung angeschrieben, aber ganz ehrlich: Wenn so etwas kommt, sind wir sowieso am Arsch.

Anmerkung: Die Formeln basieren auf der Ausarbeitung von Prfung 160608 - aber sie weichen etwas von den Formeln ab, die in dem bungsbeispiel verwendet werden, das online ist. Ich werde dem Prof schreiben und fragen.

10.1 Geometrie und Material:

Anzahl der Hauptlagen: $n_h = 3$

Anzahl der Nebenlagen: $n_n = 2$

Dicke einer Hauptlage: $d_h = 5 \text{ cm}$

Dicke einer Nebenlage: $d_n = 2 \text{ cm}$

Gesamtdicke: $d_{ges} = n_h d_h + n_n d_n$

bezogene Breite: $b_{klk} = m$ (wird so wie "normale" einachsige gespannte Platte auch als 1 m breiter Balken berechnet)

Werte von Seite 100 skript

f_{mk}

f_{t90k}

$f_{rk} = 2 f_{t90k}$

(Rollschubfestigkeit: nach EN-1995-1-1 nherungsweise das doppelte der Zugfestigkeit normal zur Faser)

$\rho_H = \rho_{\text{mean}}$

$G = 690 \text{ MPa}$

$E = 11000 \text{ MPa}$

$G_r = 50 \text{ MPa}$

(Rollschubmodul, allerdings woher der Wert ist, wei auch nur Gott!)

Bestimmung Faktoren (skript S.26 u. 27) Nutzungsklasse 1, Lasteinwirkungsdauer mittel $=_i k_{mod} = 0.8$, $k_{def} = 0.6$

Es ist der Teilsicherheitsbeiwert fr BSP relevant $! \gamma_m = 1.25$

Feldlnge: $l_{klh} = 6.25 \text{ m}$

10.2 Lastaufstellung und Lastkombinationen

Lastaufstellung Erfolgt ganz normal, wie bei Stahlbetonbauteil

Lastkombinationen:

Anwendung von vereinfachter Hochbaukombination fr Grenzzustand der Tragfhigkeit:

- mit flhrender Vernderlicher

- mit mehreren Vernderlichen

Fr Grenzzustand der Gebrauchstauglichkeit (S.31 Skript)

- Quasistndige Lastkombination

- Charakteristische Lastkombination

$=_i$ fr Tabellen und Beiwerte, siehe bungsskriptum

10.3 Ermittlung Querschnittskennwerte

Schwerpunktsabstand von oben $z_s = d_{ges}/2$

Teilflchenschwerpunkte von SP

1. Lage von oben: $a_1 = z_s - d_h/2$
2. Lage von oben: $a_2 = z_s - d_h - d_n/2$
3. Lage von oben: $a_3 = z_s - 3/2 d_h - d_n$
4. Lage von oben: $a_4 = d_n/2 + d_h/2$
5. Lage von oben: $a_5 = d_n + d_h$

Die letzten zwei machen meiner Meinung nach nicht wirklich Sinn und stimmen auch nicht mit dem berein, was im bungsskriptum steht - ich werde den Profs. schreiben !

Skizze aus bungsbeispiel (t statt d!)

Randfaserabstnde: oben: Hauptlage, unten: Nebenlage

$$z_{O0} = z_s$$

$$z_{U0} = z_{O0}$$

$$z_{O90} = z_s - d_h$$

$$z_{U90} = z_{O90}$$

fr ULS:

Tragheitsmoment netto ohne Schubverformung (fr Lagen mit gleichem E-Modul)

$$I_{0\text{net}} = 1/4 b_{lkh} d_h^3 + b_{lkh} d_h$$

$$I_{90\text{net}} = 1/6 b_{klh} d_n^3 + b_{klh} d_n a_2^2 + b_{klh}$$

Aus der bung (t statt d!)

Widerstandsmomente:

$$W_{0\text{net}} = \frac{I_{0\text{net}}}{\max(z_{O0}, z_{u0})}$$

$$W_{90\text{net}} = \frac{I_{90\text{net}}}{\max(z_{O90}, z_{U90})}$$

statisches Moment:

$$s_{R0} = b_{klh} d_h a_1$$

fr SLS:

Trgheitsmomente effektiv mit Schubverformung:

$$\gamma_1 = \left(1 + \frac{\pi^2 E d_h d_n}{l_{klh}^2 G_r} \right)^{-1}$$

$$\gamma_5 = \gamma_1 \wedge \gamma_1 = \gamma_2$$

(bei symmetrischen Querschnittsaufbau)

$$l_{0\text{ef}} = 1/4 b_{klh} d_h^3 + b_{klh} (\gamma_1 d_h z_1^2 + \gamma_5 d_h z_5^2)$$

$$l_{90\text{ef}} = 1/6 b_{klh} d_n^3 + b_{klh} (\gamma_2 d_n a_2^2 + \gamma_4 d_n a_4^2)$$

10.4 Schnittkraftermittlung:

(in diesem Fall Einfeldtrger, sonst mit DLT-Tabellen)

Feldmoment:

$$M_{sd} = 1/8 q l_{kh}^2$$

Querkraft/Auflager:

$$V_{sd} = 1/2 q l_{kh}$$

10.5 Bemessung auf Durchbiegung

fr quasiständig:

$$w_{instq} = \frac{5 q_{quasi} l_{klh}^4}{384 EI_{0ef}}$$

$$w_{creep} = k_{def} w_{instq}$$

$$w_{finq} = w_{instq} + w_{creep}$$

fr charakteristisch:

$$w_{instc} = \frac{5 q_c l_{klh}^4}{384 EI_{0ef}}$$

$$w_{finc} = w_{instc} + w_{creep}$$

‘ \dot{z}

10.6 Nachweise:

10.6.1 ULS = Ultimate Limit State = Tragfähigkeit

10.6.2 SLS = Serviceability Limit State = Gebrauchstauglichkeit

10.7 Tabellen fr Brettsper Holz:

Aus dem Bemessungsleitfaden fr Brettsper Holz ([http://www.mm-holz.com/fileadmin/user_upload/Downloads/entnommene Tabellen](http://www.mm-holz.com/fileadmin/user_upload/Downloads/entnommene_Tabellen)):

‘ \dot{z}

‘ \dot{z}

‘ \dot{z}